

数学III Bクラス 第1講～第3講 授業用プリント

【第1講】

1. 数学III 第1章 1-1(6) P.8

関数 $y = \frac{2x+1}{x+2}$ の漸近線の方程式を求めよ。また、グラフを描け。

2. 数学III 第1章 2-1(8) P.12

関数 $y = \sqrt{-x-4}$ の定義域と値域を求めよ。また、そのグラフを描け。

3. 数学III 第1章 2-3(2) P.12

不等式 $\sqrt{x+2} < 3x-4$ を解け。

4. 数学III 第1章 3-1(3) P.16

関数 $y = x^2 - 1 (x \geq 0)$ のグラフを描き、定義域と値域を求めよ。また、逆関数を求めて、そのグラフを描き、定義域と値域を求めよ。

5. 数学III 第1章 5-1(5)(6)(8) P.26

次の数列の極限を調べよ。

$$(1) \left\{ \frac{2n-3}{1-3n} \right\}$$

$$(2) \left\{ \frac{2n^2+6n+3}{n^3-3n+1} \right\}$$

$$(3) \{1+n^2-2n^3\}$$

6. 数学III 第1章 5-2 P.26

次の数列の極限を求めよ。

$$(1) \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+2} - \sqrt{n-2})$$

$$(2) \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{4n^2+6n} - 2n)$$

7. 数学III 第1章 5-4(2) P.26

数列 $\left\{ \frac{3^n+2^n}{5^n-(-2)^n} \right\}$ の極限を調べよ。

8. 数学III 第1章 5-5(1) P.26

極限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{r^n+1}{r^n+2}$ を調べよ。

【第2講】

1. 数学III 第1章 6-1(3)(5) P.32

一般項が次の式で与えられる数列 $\{a_n\}$ について、第 n 項までの和 S_n を求めよ。また、その極限 $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ を調べよ。

$$(1) a_n = \frac{1}{\sqrt{2n+1} + \sqrt{2n-1}}$$

$$(2) a_n = 3\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}$$

2. 数学III 第1章 7-1(1)(4)(7) P.36

$$(1) \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x+2}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2-3x+2}{x-2}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{x+4}-1}{x+3}$$

3. 数学III 第1章 7-2(4)(5) P.36

$$(1) \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2+x+1} - x)$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{x^2+x+1} - x)$$

4. 数学III 第1章 7-3(1)(2) P.36

次の極限を求めよ。

$$(1) \lim_{x \rightarrow +0} \frac{1}{x}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 2-0} \frac{x}{x-2}$$

5. 数学III 第1章 7-5 P.40

次の等式が成り立つように定数 a, b の値を定めよ

$$(1) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2+ax+b}{x+3} = -4$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+a}-b}{x-3} = 1$$

6. 数学III 第1章 7-6(2)(3)(5) P.40

次の極限を求めよ。

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\sin 3x}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{x^2}$$

【第3講】

1. 数学III 第2章 1-2(1)(2)(6) P.48

次の関数を微分せよ。

$$(1) y = \frac{1}{x^3}$$

$$(2) y = x\sqrt{x}$$

$$(3) y = 4x^3 - \frac{3}{x^2} + 2x - \frac{1}{x}$$

2. 数学III 第2章 1-3(1)(2) P.48

「積の微分法」を用いて、次の関数を微分せよ。

$$(1) y = (x^2+1)(x^2+x-2)$$

$$(2) y = (x^2-1)(\sqrt[3]{x}+1)$$

3. 数学III 第2章 1-4(1)(2) P.48

「商の微分法」を用いて、次の関数を微分せよ。

$$(1) y = \frac{x}{x^2+1}$$

$$(2) y = \frac{x-1}{x-2}$$

4. 数学III 第2章 1-5(1)(2)(3) P.48

次の関数を微分せよ。

$$(1) y = (x^2+2x+3)^3$$

$$(2) y = (5-2x^3)^4$$

$$(3) y = \sqrt{x^3-3x+1}$$

5. 数学III 第2章 1-7(1)(2)(5)(6) P.52

次の関数を微分せよ。

$$(1) y = \sin 3x$$

$$(2) y = \cos^2 x$$

$$(3) y = x^2 \cos 3x$$

$$(4) y = \frac{\tan x}{x}$$

6. 数学III 第2章 1-11(2)(4)(5)(6) P.52

次の関数を微分せよ。

$$(1) y = x^2 e^{-x}$$

$$(2) y = \log(x^2+1)$$

$$(3) y = 2^x$$

$$(4) y = \log_3 x$$