

# 数列計算プリント

63. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (2k+1)$                       (2)  $\sum_{k=1}^n (k^2+5k)$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n (i^2+3i+1)$                 (4)  $\sum_{k=1}^n (2k+1)^2$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n (k-1)(2k+3)$

64. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (2k+3)$                       (2)  $\sum_{k=1}^n (k^2-3k)$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n (2i^2+i-1)$                 (4)  $\sum_{k=1}^n (k-3)^2$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n (k-2)(2k+1)$

65. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (k^3-1)$                       (2)  $\sum_{k=1}^n (4k^3+6k^2-8k+3)$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n k^2(k-1)$                     (4)  $\sum_{k=1}^n (k+1)^3$

66. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (k^3+1)$                       (2)  $\sum_{k=1}^n (4k^3-6k^2+4k-1)$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n k^2(k+5)$                     (4)  $\sum_{k=1}^n (k-1)^3$

67. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^4 3^k$                               (2)  $\sum_{k=1}^6 2^{k-1}$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n 5^k$                               (4)  $\sum_{k=1}^n (-7)^k$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n 6^{k-1}$

68. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^5 2^k$                               (2)  $\sum_{k=1}^4 9^{k-1}$   
 (3)  $\sum_{i=1}^n 3^k$                               (4)  $\sum_{k=1}^n (6)^k$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n 5^{k-1}$

69. 次の数列  $\{a_n\}$  の一般項を求めよ。

- (1)  $-1, 0, 2, 5, 9, \dots$   
 (2)  $3, 2, -2, -11, -27, \dots$   
 (3)  $5, 7, 11, 19, 35, \dots$

70. 次の数列  $\{a_n\}$  の一般項を求めよ。

- (1)  $4, 7, 13, 22, 34, \dots$   
 (2)  $4, 5, 9, 18, 34, \dots$   
 (3)  $2, 3, 6, 15, 42, \dots$

71. 初項から第  $n$  項までの和が次の式で表される数列  $\{a_n\}$  の第  $n$  項を求めよ。

- (1)  $S_n = n^2 + 3n$   
 (2)  $S_n = 4n^2 - n$   
 (3)  $S_n = n^2 - 1$

72. 初項から第  $n$  項までの和が次の式で表される数列  $\{a_n\}$  の第  $n$  項を求めよ。

- (1)  $S_n = n^2 - 2n$   
 (2)  $S_n = 3n^2 + n$   
 (3)  $S_n = n^2 - n + 2$

73. 次の和  $S$  を求めよ。

- (1)  $S = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}$   
 (2)  $S = \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \frac{1}{7 \cdot 9} + \dots + \frac{1}{(2n+1)(2n+3)}$   
 (3)  $S = \sum_{k=1}^n \frac{1}{(3k-1)(3k+2)}$

74. 次の和  $S$  を求めよ。

- (1)  $S = \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \dots + \frac{1}{(n+1)(n+2)}$   
 (2)  $S = \frac{1}{1 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 7} + \frac{1}{7 \cdot 10} + \dots + \frac{1}{(3n-2)(3n+1)}$   
 (3)  $S = \sum_{k=1}^n \frac{1}{(2k-1)(2k+1)}$

75. 次の和  $S$  を求めよ。

- (1)  $S = 1 \cdot 3 + 2 \cdot 3^2 + 3 \cdot 3^3 + \dots + n \cdot 3^n$   
 (2)  $S = 2 + 5 \cdot 2 + 8 \cdot 2^2 + 11 \cdot 2^3 + \dots + (3n-1) \cdot 2^{n-1}$   
 (3)  $S = 1 + \frac{2}{4} + \frac{3}{4^2} + \frac{4}{4^3} + \dots + \frac{n}{4^{n-1}}$

76. 次の和  $S$  を求めよ。

- (1)  $S = 1 \cdot 2 + 2 \cdot 2^2 + 3 \cdot 2^3 + \dots + n \cdot 2^n$   
 (2)  $S = 1 + 5 \cdot 3 + 9 \cdot 3^2 + 13 \cdot 3^3 + \dots + (4n-3) \cdot 3^{n-1}$   
 (3)  $S = 1 + \frac{3}{2} + \frac{5}{2^2} + \frac{7}{2^3} + \dots + \frac{2n-1}{2^{n-1}}$

77. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (3k^2 - 5k - 1)$                       (2)  $\sum_{k=1}^n 3^k$   
 (3)  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{(k+2)(k+3)}$                       (4)  $\sum_{k=1}^n k(k^2 - 2k + 4)$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n k \cdot 2^{k-1}$

78. 次の和を求めよ。

- (1)  $\sum_{k=1}^n (-5)^k$                               (2)  $\sum_{k=1}^n (k^3 + 2k + 1)$   
 (3)  $\sum_{k=1}^n \frac{k}{2^{k-1}}$                               (4)  $\sum_{k=1}^n (k+3)(2k-1)$   
 (5)  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{(5k-1)(5k+4)}$