

数列の復習② 解答

[1] (1) 数列 5, x , 11, …… が等差数列であるとき, x の値を求めよ。

(2) 数列 8, x , -2, …… が等差数列であるとき, x の値を求めよ。

(1) 等差数列では、隣り合う 2 項の差が等しいから $x - 5 = 11 - x$

よって、 $2x = 16$ より $x = 8$

(2) 等差数列では、隣り合う 2 項の差が等しいから $x - 8 = -2 - x$

よって、 $2x = 6$ より $x = 3$

等差中項の関係式

x , y , z がこの順で等差数列のとき

$2y = x + z$ が成り立つ。

$$x, \quad y, \quad z$$

$+ (y - x)$ $+ (z - y)$

$$(y - x = z - y \text{ より } 2y = x + z)$$

[2] (1) 等差数列 100, 94, 88, ……において、第何項が初めて負の数となるか。

(2) 等差数列 5, 9, 13, ……において、第何項が初めて 100 より大きくなるか。

(1) この等差数列の初項は 100、公差は -6 であるから、第 n 項は

$$100 + (n - 1) \cdot (-6) = -6n + 106$$

$$-6n + 106 < 0 \text{ を解くと } n > \frac{53}{3} = 17.6 \dots$$

これを満たす最小の自然数 n は $n = 18$

よって、第 18 項が初めて負の数となる。

(2) この等差数列の初項は 5、公差は 4 であるから、第 n 項は

$$5 + (n - 1) \cdot 4 = 4n + 1$$

$$4n + 1 > 100 \text{ を解くと } n > \frac{99}{4} = 24.75$$

これを満たす最小の自然数 n は $n = 25$

よって、第 25 項が初めて 100 より大きくなる。