

マーク演習 No.7

1. a を実数とし、放物線 $C: y = x^2 + 2ax + 3a^2 + 3a + 12$ を考える。

(1) a が動くとき、放物線 C の頂点の軌跡は放物線 $y = \boxed{\text{ア}}x^2 - \boxed{\text{イ}}x + \boxed{\text{ウエ}}$ となる。

(2) 放物線 C がもう一つの放物線 $y = -x^2 - 10x$ と 2 点で交わる条件は

$$-\frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} < a < \boxed{\text{キ}}$$

この二つの放物線が 1 点を共有し、その点における接線が一致するとき、 a の値は

$$a = \boxed{\text{ク}}$$

$$\text{または } a = -\frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}}$$

である。 $a = \boxed{\text{ク}}$ のとき、共通の接線の方程式は

$$y = -\boxed{\text{サ}}x + \boxed{\text{シ}}$$

(3) $a = 0$ のときの放物線 $C: y = x^2 + 12$ と放物線 $y = -x^2 - 10x$ の交点の x 座標は

$$x = \boxed{\text{スセ}}, \boxed{\text{ソタ}}$$

$$\frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツ}}}$$

である。

2. a が不等式 $0 < a < \frac{1}{2}$ を満たすとき、放物線 $y = ax^2 + 2 - 12a$ …… ① を考える。

この放物線は a の値に関係なく定点 $(\pm \boxed{\text{ア}}, \sqrt{\boxed{\text{イ}}}, \boxed{\text{ウ}})$ を通る。

放物線 ① と円 $x^2 + y^2 = 16$ …… ② の交点の y 座標は $\boxed{\text{エ}}$ である。

そして、 $a = \frac{1}{4}$ のとき、放物線 ① と円 ② で囲まれる部分のうち放物線の上側にある

$$\text{部分の面積は } \boxed{\text{オ}}\sqrt{\boxed{\text{カ}}} + \frac{\boxed{\text{キク}}}{\boxed{\text{ケ}}}\pi \text{ である。}$$