

対数計算プリント

89. 次の値を求めよ。

- | | |
|----------------------------------|--------------------------------------|
| (1) $\log_2 8$ | (2) $\log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{9}$ |
| (3) $\log_3 \frac{1}{81}$ | (4) $\log_{\frac{1}{5}} 25$ |
| (5) $\log_{\sqrt{2}} 16$ | (6) $\log_7 7\sqrt{7}$ |
| (7) $\log_3 \frac{1}{3\sqrt{3}}$ | (8) $\log_2 \sqrt[3]{2}$ |
| (9) $\log_3 \sqrt[5]{81}$ | (10) $\log_5 \frac{1}{\sqrt[3]{5}}$ |

90. 次の値を求めよ。

- | | |
|------------------------------------|---------------------------------------|
| (1) $\log_3 9$ | (2) $\log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{16}$ |
| (3) $\log_5 \frac{1}{125}$ | (4) $\log_{\frac{1}{7}} 7$ |
| (5) $\log_{\sqrt{7}} \frac{1}{49}$ | (6) $\log_{10} 100\sqrt{10}$ |
| (7) $\log_2 \frac{1}{4\sqrt{2}}$ | (8) $\log_5 \sqrt[4]{5}$ |
| (9) $\log_2 \sqrt[3]{32}$ | (10) $\log_3 \frac{1}{\sqrt[4]{3}}$ |

91. 次の式の計算をせよ。

- | | |
|----------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------|
| (1) $\log_6 18 + \log_6 2$ | (2) $\log_3 54 - \log_3 2$ |
| (3) $\log_7 2 - \log_7 98$ | (4) $\log_2 12\sqrt{2} - \log_2 6$ |
| (5) $2\log_2 2\sqrt{2}$ | (6) $2\log_3 \frac{\sqrt{3}}{9}$ |
| (7) $\log_3 30 - \log_3 20 + \log_3 18$ | (8) $\log_7 \frac{7}{4} - 2\log_7 \frac{3}{2} - \log_7 \frac{7}{9}$ |
| (9) $2\log_{10} 15 + 6\log_{10} \sqrt{2} - \log_{10} 18$ | (10) $\log_3 \frac{4}{5} + \frac{1}{2}\log_3 75 - \frac{1}{2}\log_3 \frac{16}{27}$ |

92. 次の式の計算をせよ。

- | | |
|--------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------|
| (1) $\log_{10} 20 + \log_{10} 5$ | (2) $\log_5 500 - \log_5 4$ |
| (3) $\log_2 12 - \log_2 96$ | (4) $\log_3 4 - \log_3 36\sqrt{3}$ |
| (5) $2\log_2 9\sqrt{3}$ | (6) $2\log_2 \frac{\sqrt{2}}{8}$ |
| (7) $\log_6 24 + \log_6 18 - \log_6 12$ | (8) $2\log_5 \frac{2}{3} + \log_5 \frac{4}{5} - 2\log_5 \frac{4}{3}$ |
| (9) $6\log_3 \sqrt{3} - \frac{1}{2}\log_3 2 + \log_3 \frac{\sqrt{2}}{3}$ | (10) $\log_5 15\sqrt{5} - \frac{3}{2}\log_5 3 - \frac{1}{4}\log_5 \frac{25}{9}$ |

93. 次の値を求めよ。

- | | |
|---------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------|
| (1) $\log_4 8$ | (2) $\log_9 \frac{1}{3}$ |
| (3) $\log_4 \sqrt{8}$ | (4) $\log_3 5 \cdot \log_5 9$ |
| (5) $\log_2 \frac{1}{5} \cdot \log_5 \frac{1}{4}$ | (6) $\log_2 \sqrt{3} \cdot \log_3 \sqrt{8}$ |
| (7) $\log_2 3 \cdot (\log_3 4 + \log_3 8)$ | (8) $\log_2 25 \cdot \left(\log_5 \frac{1}{2} + \log_{25} \frac{1}{2} \right)$ |

94. 次の値を求めよ。

- | | |
|---------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------|
| (1) $\log_{27} 9$ | (2) $\log_8 \frac{1}{16}$ |
| (3) $\log_8 \sqrt{2}$ | (4) $\log_7 3 \cdot \log_3 49$ |
| (5) $\log_2 \frac{1}{9} \cdot \log_3 \frac{1}{8}$ | (6) $\log_3 \sqrt{125} \cdot \log_5 \sqrt{27}$ |
| (7) $\log_3 2 \cdot (\log_2 9 + \log_4 9)$ | (8) $\log_3 \frac{1}{2} \cdot \left(\log_4 \frac{1}{3} + \log_8 \frac{1}{9} \right)$ |

95. 次の方程式を解け。

- | | |
|--------------------------------|----------------------------------|
| (1) $\log_2 x = 2$ | (2) $\log_5 x = -1$ |
| (3) $\log_3 x = \frac{1}{2}$ | (4) $\log_{10} x = -\frac{1}{2}$ |
| (5) $\log_{\frac{1}{2}} x = 2$ | (6) $\log_3(x-1) = 2$ |

(7) $\log_2(3x-1) = -2$

(8) $\log_2(2x+5) = \frac{1}{2}$

(9) $\log_{\frac{1}{2}}(3-2x) = 2$

(10) $\log_{0.2}(2-3x) = -1$

96. 次の方程式を解け。

- | | |
|---------------------------------|-------------------------------|
| (1) $\log_3 x = 2$ | (2) $\log_7 x = 0$ |
| (3) $\log_2 x = \frac{5}{2}$ | (4) $\log_8 x = -\frac{2}{3}$ |
| (5) $\log_{\frac{1}{3}} x = -3$ | (6) $\log_3(x+3) = -1$ |

(7) $\log_5(2x+3) = 2$

(8) $\log_2(2-x) = \frac{5}{2}$

(9) $\log_{\frac{1}{5}}(2x+1) = -1$

(10) $\log_{0.5}(2-5x) = 2$

97. 次の不等式を解け。

- | | |
|---------------------------------|---------------------------------------|
| (1) $\log_2 x \geq \frac{1}{2}$ | (2) $\log_{\frac{1}{3}} x \geq 3$ |
| (3) $\log_{10}(2x+4) < 2$ | (4) $\log_{\frac{1}{3}}(x-5) \geq -2$ |

98. 次の不等式を解け。

- | | |
|---------------------------|------------------------------------|
| (1) $\log_{10} x > -3$ | (2) $\log_{\frac{1}{2}} x < -5$ |
| (3) $\log_5(x-3) \leq -1$ | (4) $\log_{\frac{1}{2}}(5-2x) < 0$ |

99. 次の方程式を解け。

- | | |
|-------------------------------------|----------------------------------------|
| (1) $\log_2(x+1) + \log_2(x-2) = 2$ | (2) $\log_4(x+3) = \log_4(2x+2)$ |
| (3) $2(\log_5 x)^2 + 2 = 5\log_5 x$ | (4) $(\log_2 x)^2 - 7\log_4 x + 3 = 0$ |

100. 次の方程式を解け。

- | | |
|-------------------------------------|---------------------------------------------------------|
| (1) $\log_3(x-4) + \log_3(x+4) = 2$ | (2) $\log_4(x^2 - 3x - 10) = \log_4(2x - 4)$ |
| (3) $3(\log_8 x)^2 + \log_8 x = 2$ | (4) $(\log_{\frac{1}{3}} x)^2 + \log_9 x = \frac{1}{2}$ |

101. 次の不等式を解け。

- | | |
|--------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|
| (1) $\log_2(x+1) + \log_2(x+2) \leq 1$ | (2) $2\log_{\frac{1}{5}}(x+1) \leq \log_{\frac{1}{5}}(x+3)$ |
| (3) $(\log_2 x)^2 + \log_2 x^5 + 4 \geq 0$ | (4) $(\log_3 x)^2 - 3\log_9 x - 1 < 0$ |

102. 次の不等式を解け。

- | | |
|----------------------------------------|----------------------------------------------------------|
| (1) $\log_5(x-4) + \log_5 x \leq 1$ | (2) $2\log_{\frac{1}{3}}(x-3) < \log_{\frac{1}{3}}(x-1)$ |
| (3) $(\log_5 x)^2 - \log_5 x^2 \leq 3$ | (4) $(\log_4 x)^2 - 3\log_2 x + 8 \geq 0$ |