

1. 第9章 4-3 P.208

Oは原点とする。点Pが円 $(x-5)^2+(y-10)^2=25$ の上を動くとき、OPを3:2に内分する点Qの軌跡を求めよ。

2. 第9章 5-5(1)(2) P.212

x, y が不等式 $x \geq 0, y \geq 0, 2x+y \leq 5, x+3y \leq 6$ をみたすとき、次の式の最大値と最小値を求めよ。

(1) $2x+3y$

(2) $5x+2y$

3. 第14章 3-5 P.304

$|\vec{a}|=\sqrt{13}, |\vec{b}|=\sqrt{3}, |\vec{a}+\vec{b}|=2$ のとき、次の値を求めよ。

(1) $\vec{a} \cdot \vec{b}$

(2) $(\vec{a}+\vec{b}) \cdot (\vec{a}+3\vec{b})$

(3) $|\vec{a}+3\vec{b}|$

(4) $\vec{a}+\vec{b}$ と $\vec{a}+3\vec{b}$ のなす角 θ

4. 第14章 4-3 P.310

$\triangle ABC$ において、ABを2:1に内分する点をP、ACを3:1に内分する点をQ、BCを3:2に外分する点をRとする。 $\overrightarrow{AB}=\vec{b}, \overrightarrow{AC}=\vec{c}$ として、以下の問いに答えよ。

(1) $\overrightarrow{AP}, \overrightarrow{AQ}, \overrightarrow{AR}$ をそれぞれ \vec{b}, \vec{c} の式で表せ。

(2) P, Q, Rは一直線上に存在することを示せ。また、PQ:QRを求めよ。

5. 第14章 4-5 P.310

$\triangle ABC$ において、 AB の中点を D 、 AC を $2:1$ に内分する点を E とする。 CD と BE の交点を P 、 AP と BC の交点を Q とする。 $\overrightarrow{AB}=\vec{b}$ 、 $\overrightarrow{AC}=\vec{c}$ として、以下の問いに答えよ。

(1) (1) \overrightarrow{AP} を \vec{b} 、 \vec{c} で表せ。

(2) \overrightarrow{AQ} を \vec{b} 、 \vec{c} で表せ。また、 $AP:AQ$ を求めよ。

6. 第14章 4-9 P.312

$AB=2$ 、 $BC=3$ 、 $CA=4$ であるような $\triangle ABC$ において、 A から BC に下ろした垂線の足を H とする。 $\overrightarrow{AB}=\vec{b}$ 、 $\overrightarrow{AC}=\vec{c}$ として、 \overrightarrow{AH} を \vec{b} 、 \vec{c} で表せ。

7. 第14章 5-6 P.318

空間内の4点 $A(1, 3, -1)$ 、 $B(0, 2, 1)$ 、 $C(1, 1, 0)$ 、 $D(-1, 7, z)$ が同一平面上に存在するよに、 z の値を定めよ。

8. 第14章 5-8(1) P.318

2つのベクトル $\vec{a}=(-3, 5, -4)$ 、 $\vec{b}=(-1, -2, 2)$ がある。 \vec{a} 、 \vec{b} のなす角 θ を

9. 第14章 6-2 P.324

四面体 $OABC$ において、 $\overrightarrow{OA}=\vec{a}$ 、 $\overrightarrow{OB}=\vec{b}$ 、 $\overrightarrow{OC}=\vec{c}$ とする。

(1) AB を $2:1$ に外分する点を D 、 OD の中点を E 、 CE を $1:2$ に内分する点を F とする。 \overrightarrow{OF} を \vec{a} 、 \vec{b} 、 \vec{c} の式で表せ。

(2) 直線 AF と平面 OBC の交点を G とする。 \overrightarrow{OG} を \vec{b} 、 \vec{c} の式で表せ。