

微分法 演習プリント No.2

1. [クリア一数学III 問題169]

x の関数 y が、 t を媒介変数として、次の式で表されるとき、 $\frac{dy}{dx}$, $\frac{d^2y}{dx^2}$ を t の関数として表せ。

$$(1) \quad x = \frac{t}{1+t}, \quad y = \frac{t^2}{1+t}$$

$$(2) \quad x = \cos t + t \sin t, \quad y = \sin t - t \cos t$$

2. [クリア一数学III 例題32]

関数 $y = x^{2x}$ ($x > 0$) を微分せよ。

3. [クリア一数学III 例題33]

関数 $f(x) = xe^x$ について、次のことを数学的帰納法で証明せよ。

$$f^{(n)}(x) = (x+n)e^x \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

微分法 演習プリント No.2

4. [クリア一数学III 問題178]

2つの曲線 $y = -\frac{2}{x}$, $y = \sqrt{x+a}$ が共有点をもち, その点において共通の接線をもつとき, 定数 a の値を求めよ。

5. [クリア一数学III 問題180]

$0 < x < 2\pi$ とする。2つの曲線 $y = 2\cos x$, $y = a + \sin 2x$ が接するように, 定数 a の値を定めよ。

6. [クリア一数学III 問題182]

曲線 $y = xe^x$ に点 $P(a, 0)$ から接線が引けるような定数 a の値の範囲を求めよ。